

## روش ارزیابی زیبایی نماهای خانه‌های مدرن با روش تناسبات هندسی نمونه موردی: خانه‌های مدرن شهر تهران

مریم امان پور

دانشجوی دکتری معماری، دانشکده هنر و معماری، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

منصوره طاهباز<sup>۱</sup>

دانشیار، دانشکده معماری و شهرسازی دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران

لیلا کریمی فرد

استادیار، دانشکده هنر و معماری، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۹/۰۵/۲۸ تاریخ صدور پذیرش: ۱۳۹۹/۰۱/۲۹

### چکیده

در سنت دیرین استاد و شاگردی و پیوند آن با آیین جوانمردی (فتوت)، معمار گذشته ضمن شناخت آداب و رسوم فرهنگی، فنون و مهارت‌های حرفه خود را که قوانین و تناسبات هندسی جزئی از آن به شمار می‌آمد از استاد آموخته و در طراحی خود رعایت می‌کرد. امروزه بر خلاف گذشته، طراحی، با رعایت تناسبات و قوانین هندسی، دقت و اهمیت گذشته را از دست داده و یا از شدت اهمیت آن کاسته شده است، با این وجود بعضی از نماهای عصر حاضر دارای زیبایی دلنوازی هستند که به نظر می‌رسد پیرو قوانینی می‌باشند. در پژوهش حاضر، ابتدا محقق به دنبال انتخاب خانه‌هایی با نماهای زیبای مدرن از دیدگاه گروههای مختلف متخصصین، معماران حرفه‌ای، مردم عادی و... می‌باشد. هدف، استخراج اجزای مختلف این نماها و بررسی تناسبات هندسی موجود در آن‌ها می‌باشد. به این منظور، ۲۳ خانه منتخب بر اساس نتایج مصاحبه و پرسشنامه‌ها از ۳۵ نفر در دو گروه اصلی تقسیم بندی می‌گردد. زیبایی و تناسبات، به ترتیب معیار اصلی انتخاب در گروه اول و دوم، در نظر گرفته شده است. سپس از نماهای منتخب مشاهده مشارکتی با سیستم بلند فکر کردن، نسبت به علت وجود زیبایی صورت می‌گیرد و محقق به دنبال اثبات وجود قوانین تناسباتی مشخصی در این نماها می‌باشد. به دلیل تعداد زیاد نمونه‌های منتخب، نتایج به صورت متون وارد نرم افزار ATLAS TI شده و به روش کدینگ، کدگذاری باز و محوری می‌شوند. می‌توان برای القای زیبایی در نماها از بکارگیری مستطیل افقی و عمودی و یا ترکیب همزمانی آن‌ها با بهره گیری از تناسبات تداعی کننده این موضوع، بهره جست.

**کلمات کلیدی:** تناسبات هندسی، زیبایی، خانه‌های دوره مدرن، شهر تهران.

## مقدمه

سیستم تناسبات، مجموعه‌ای از نسبت‌های ثابت بصری را بین اجزا و کل یک مجموعه به وجود می‌آورد. در دوران گذشته طراحی اجزای مختلف بنها با اتکا به قوانین تناسباتی و تناسبات موزون انجام می‌گرفت و به نظر می‌رسد که بنا بخشی از زیبایی خود را مدیون این قوانین و مهارت استفاده از این قوانین می‌باشد. ولی امروزه در دانشکده‌های معماری چنین مهارت‌هایی به تفکیک آموزش داده نمی‌شود و طراح خود را در استفاده از این تناسبات هندسی مقید نمی‌داند و به عبارتی تناسبات هندسی تعریف شده‌ای جهت طراحی ندارد. آیا این موضوع یکی از عواملی است که منجر به مواجهه بیننده با نماهای نازیبا در معماری مدرن شده است؟ در دوره‌های تاریخی برای بیان زیبایی از تناسبات مختلفی بهره گرفته شده است. حال در دوره مدرن ساختمان‌هایی به وجود آمده که از زیبایی چیزی کم نداشته اما به نظر می‌رسد که از تناسبات جدیدی پیروی کرده و یا پیرو ترکیبی از تناسبات هندسی عنوان شده بوده اند. این پژوهش با هدف استخراج تناسبات موجود در بنای مدرن کشور ایران و ایجاد رابطه بین مفاهیم و کشف تناسبات حاکم بر این بنایی باشد که سعی بر پاسخ به این سوالات دارد که: ۱- تناسبات موجود در بنایی مدرن کدام است؟ ۲- نماهای مدرن از چه تناسباتی جهت ارائه زیبایی پیروی می‌کنند؟ پاسخ به این سوالات می‌تواند راهی طراحان در زمینه ایجاد طراحی نظام مند در نماهای ساختمان‌های مسکونی ایجاد نماید. در این پژوهش برای رسیدن به پاسخ این سوالات، لازم است که تا حدودی با این تناسبات هندسی و روش‌های محاسبات تناسباتی آشنا بود. به این منظور پژوهش حاضر به دو بخش تفکیک می‌گردد. در بخش اول به صورت خلاصه مفاهیم و تعاریف موجود در تناسبات هندسی در ایران و جهان در مبانی نظری مطرح می‌شود. سپس در بخش دوم پژوهش، روش تحقیق و شیوه نمونه گیری شفاف می‌گردد؛ و در نهایت آزمون فرضیه و تحلیل تناسبات هندسی بر نماهای زیبای منتخب بر اساس روش دلفی می‌باشد.

روش تحقیق حاضر از نوع ترکیبی تو در تو با رویکرد کیفی در کیفی است (کرسول، ۱۳۹۸: ۸۳). همچنین از لحاظ نوع و هدف کاربردی، بنیادی و همچنین توصیفی - تحلیلی است. این پژوهش ابتدا به انتخاب مواردی می‌پردازد که از لحاظ زیبایی بصری بهترین باشند. لذا نیاز است تا بتوان بهترین‌های ساختمان‌های مسکونی را استخراج کرد. برای این منظور، با توجه به سه رویکرد، دست به انتخاب زده شد. یکی از رویکردها انتخاب نمونه بر اساس عنوان طراح و شناخته شده بودن طراح بنا به عنوان معمار مطرح دوره مدرن علی الاخصوص برای انتخاب نمونه‌های دوران قبل از انقلاب بوده است. رویکرد دوم اعتماد نگارنده به خود و انتخاب به روش نورماتیو و انتخاب خانه‌هایی که از دید نگارنده از لحاظ بصری زیبا و چشم نواز بود و رویکرد سوم اعتماد به ساختمان‌های شاخصی که در مجلات معماری و کتب و مسابقات معماری مطرح، دارای رتبه و همچنین حائز اهمیت بودند که برای تایید انتخاب به متخصصین مراجعه می‌گردد. سپس از لحاظ بهترین در حیطه زیبایی مورد دسته بندی قرار می‌گیرند و در سه گروه از بسیار خوب تا معمولی به لحاظ میزان حد زیبایی، قرار می‌گیرند. از روش مصاحبه با ۳۵ نفر از متخصصین، از آن‌ها خواسته می‌شود که این بنای را در طبقه بندی از بهترین به لحاظ زیبایی و بدترین به لحاظ زیبایی قرار دهند.

در این مرحله جهت انتخاب نمونه‌ها بسیار دقت شده و نمونه‌ها با راهنمایی پالایش شده اند. به بنایی که در بالاترین حد قرار می‌گیرند نسبت به بقیه امتیاز بیشتری داده می‌شود (آن‌هایی برگزیده می‌شوند که از میانگین عبور کرده باشند). سپس نمونه‌های زیبای منتخب در سیستم‌های تنساباتی معرفی شده در مبانی نظری، مورد تحلیل قرار می‌گیرند و جهت کنترل مداخله گرها فقط نمای دو بعدی ساختمان مدنظر قرار گرفته و تنسابات نیز تنها در صفحه دو بعدی سنجیده شده اند نه در پرسپکتیو و از سوی دیگر تنها از لحاظ زیبایی بصری متنج شده از تنسابات بررسی می‌گردد زیرا به نظر می‌رسد که از سیستم تنساباتی بهره برده‌اند که دارای زیبایی هستند و نتایج در اختیار متخصصین قرار می‌گیرند و نظرات خود را در بررسی نماها و توصیف علت‌های زیبایی بیان می‌کنند و برای استخراج مهم ترین عوامل و بیان میزان برجستگی عوامل آن با سیستم بلند فکر کردن شروع به یادداشت ذهنیت‌های آن‌ها می‌شود سپس برای سهولت در امر کدگذاری، متون وارد نرم افزار اطلس تی می‌شود و با سیستم گراند تئوری مورد کد گذاری قرار می‌گیرد و کدهای معرف زیبایی استخراج می‌گردد و با نتایج بررسی نماهای ساختمان‌های مدرن مورد جمع‌بندی نظری قرار می‌گیرد. نرم افزار اطلس تی برای بهره بردن و خلاصه سازی و ایجاد کدهای مفهومی مستخرج از کدهای باز (توصیفی و تفسیری) مورد استفاده قرار می‌گیرد که خروجی‌های این نرم افزار به صورت گرافیکی و نمودار آبشاری بوده و همچنین می‌توان از این نرم افزار خروجی‌هایی مبتنی بر جداول و آمار توصیفی کدها گرفت.

### رویکرد مفهومی و نظری

#### تناسبات:

تناسب که در دیدگاه اقلیدس به مقایسه کمی دو چیز مشابه اطلاق می‌شود، اساس آفرینش کل طبیعت اعم از آسمان‌ها و زمین و به ویژه انسان نیز بوده است. تنسابات همواره در دوره‌های مختلف و تمدن‌های کهن در طراحی بناها مورداستفاده قرار می‌گرفته است. وجود تنساب در شی باعث می‌شود که همواره جسم متعادل‌تر به نظر آید. تنساب یکی از اصول اولیه اثر هنری است که رابطه هماهنگ میان اجزا آن را بیان می‌کند (انصاری و دیگران، ۱۳۹۰: ۴۶). تنساب می‌تواند تنساب بین کمیات ابعادی و فیزیکی دنیای مادی باشد که به کمک اعداد اندازه گیری شده و تنساب حسابی را نتیجه می‌دهد و هم می‌تواند تنساب بین کیفیات مکانی یعنی تنساب بین اشکال و احجام باشد که به کمک هندسه اندازه گیری شده و تنساب هندسی را نتیجه می‌دهد، یا می‌تواند تنساب بین کیفیات زمانی یعنی تنساب بین اصوات یا حرکت‌ها باشد که به کمک موسیقی یا ریتم حرکت اندازه گیری می‌شود و تنساب‌هارمونی را نتیجه می‌دهد (طاہباز، ۱۳۸۳: ۱۰۸). در عرصه معماری تنسابات نسبت‌های مقایسه‌ای کمیت‌ها و کیفیت‌های مختلف ناهمسانی را شامل می‌شود و ازین‌رو در ک آن پیچیده‌تر می‌گردد (کریر، ۱۳۸۴: ۹).

### تئوری‌های مربوط به سیستم‌های تنساباتی و واحدهای اندازه گیری

منظور تمامی تئوری‌های تنسابات ایجاد احساس نظم بین اجزای یک ترکیب بصری است. سیستم تنظیم تنسابات مجموعه‌ای از نسبت‌های ثابت بصری را بین اجزا یک بنا و نیز بین اجزا و کل به وجود می‌آورد. سیستم‌های تنظیم تنسابات از صورت تعیین کننده‌های عملکردی و تکنیکی فرم و فضای معماری فراتر رفته، استدللات زیبایی شناسانه‌ای در مورد خود ارائه می‌دهند (چینگ، ۱۹۹۸، ۲۹۸). تئوری‌های مربوط به سیستم‌های تنسابات و واحدهای اندازه گیری را

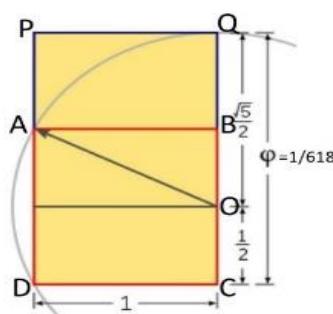
در دو اندیشه می‌توان مورد بررسی قرار داد: ۱- هندسه و تناسبات در اندیشه جهانی ۲- هندسه و تناسبات در اندیشه ایرانی-اسلامی. تناسبات در اندیشه جهانی را می‌توان در ۴ دسته تقسیم بندی نمود: ۱- تناسبات طلایی ۲- ثوری‌های رنسانس ۳- مدولار لوکوربوزیه ۴- تناسبات انسانی.

### تناسبات طلایی

مصریان باستان، تناسباتی را به کار بستند که آن را نسبت لاهوتی می‌نامیدند. بعدها این تناسبات، توسط ویترویوس، معمار ایتالیای سده دوم، با اصطلاح نسبت خدایی معروف شد؛ اما در اوخر قرن نوزدهم و اوایل قرن بیستم که طلا معیار سنجش اقتصادی شد، این تناسبات با اصطلاح تناسبات طلایی رایج گردید (السعید، پارمان، ۱۳۶۳). آیت الهی، (۱۳۷۷). پس از مدتی یونانی‌ها به نقش غالبی که تناسب طلایی در تناسبات بدن انسان بازی می‌کرد پی بردنده. در این تناسب به گونه‌ای عمل می‌شود که خطی به دو قسمت نامساوی تقسیم می‌شود که نسبت طول قطعه کوچک‌تر به قطعه بزرگ‌تر برابر است با نسبت طول قطعه بزرگ‌تر به کل خط (ضیای نیا، ۹۳: ۱۳۹۴). نسبت طلایی، نسبت ۱ به  $1/61803$  است (Haslam, 2006). هرگاه شکل یا حجمی دارای ابعاد و اندازه‌های تمثیلی یا موردنبول باشد، آن را متناسب یا دارای فراغل، الهی یا آسمانی تلقی شود. در انجیل نیز اشاره‌ای به نسبت طلایی شده است، به همین دلیل این نسبت را از قدیم «نسبت الهی» هم گفته‌اند. دوره رنسانس نیز معماران از این قانون بهره گرفتند. لوکوربوزیه سیستم مدولار خود را بر مبنای تناسبات طلایی تنظیم نمود. تناسب طلایی پاره خط با بیست و یکمین حرف الفبای یونانی یعنی  $\Phi$  نشان داده می‌شود (لولر، ۱۳۶۸). فی دیاس، مجسمه ساز یونانی، نسبت طلایی را به صورت دقیق مطالعه کرده و به همین دلیل این نسبت به نام فی ( $\Phi$ ) نیز معروف شده است (کاشف پور، ۱۳۸۸). از تقسیم پاره خط به دو بخش متناسب می‌توان در ساخت مستطیل و مارپیچ طلایی استفاده کرد.

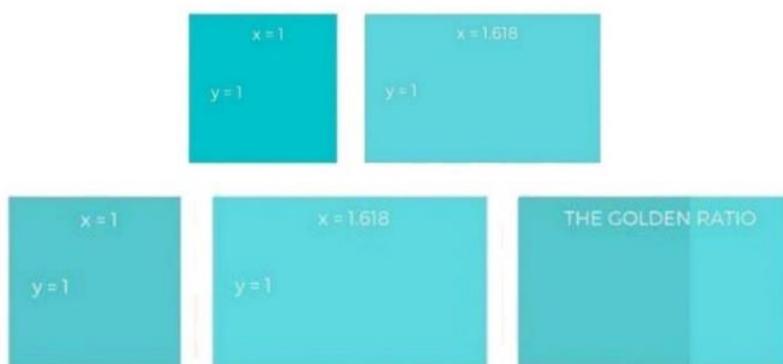
### مستطیل و مارپیچ طلایی

در ساخت مستطیل طلایی، مانند  $\sqrt{2}$  از مربع شاخص استفاده می‌شود. با این تفاوت که برای ترسیم مستطیل طلایی به اندازه قطر مربع از قطر نصف مربع شاخص کمان می‌زنیم، نقطه به دست آمده محل شکل گیری مستطیل طلایی را نشان می‌دهد. مربع ABCD را در نظر بگیرید با طول ضلع یک واحد. (تصویر ۱) نقطه O نسبتی O وسط ضلع CB است. به مرکز این نقطه و به شعاع OA کمانی بکشید تا امتداد CB را در نقطه Q قطع کند. مربع مستطیل PQCD یک «مستطیل طلایی» است و نسبت طول به عرض آن برابر  $1/618$  می‌باشد.



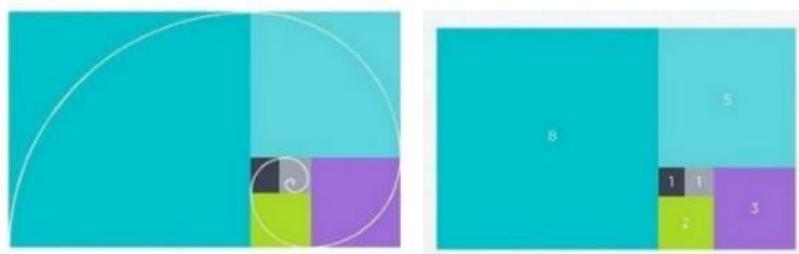
تصویر ۱: نحوه ترسیم هندسی مستطیل طلایی به کمک مربع (<https://blog.faradars.org>)

گفته شده است که چنین مستطیلی به چشم انسان زیباتر از سایر مستطیل‌ها است. به همین دلیل از دوران باستان تا به امروز در معماری بسیار به کار رفته است و امروز هم وقتی می‌خواهند چیزی را مستطیل شکل بسازند که چشم نواز هم باشد آن را به شکل مستطیل طلایی می‌سازند یعنی اگر طولش را بر عرضش تقسیم کنیم عددی نزدیک به  $\frac{1}{\sqrt{5}}$  به دست می‌آید. از نسبت طلایی در شکل‌های مختلف نیز می‌توان استفاده کرد. برای مثال با ضرب کردن یکی از اضلاع مربع در عدد  $\frac{1}{\sqrt{5}}$  مستطیلی با تناسب‌هارمونیک به دست می‌آوریم. ( تصویر۲).



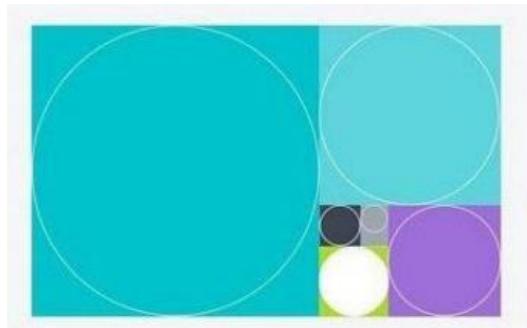
( <https://blog.faradars.org> ) تصویر ۲: مستطیل با تناسب‌هارمونیک

اینک اگر مربع را بر روی این مستطیل قرار دهیم، این دو شکل نسبت طلایی را به دست می‌دهند. اگر به استفاده از فرمول نسبت طلایی بر روی این مستطیل جدید ادامه دهیم، در نهایت مانند تصویر زیر نموداری به دست می‌آوریم که رفته رفته مربع‌های کوچک‌تری دارد. ( تصویر۳).



( <https://blog.faradars.org> ) تصویر ۳: نحوه شکل گیری مربع‌های تشکیل دهنده مارپیچ طلایی

اگر در نمودار نسبت طلایی فوق برای هر مربع یک کمان از یک گوشه به گوشه مقابل ترسیم کنیم، نخستین منحنی مارپیچ طلایی یا دنباله فیبوناچی را ترسیم کرده‌ایم. دنباله فیبوناچی در حقیقت یک سری است که در آن هر عدد برابر با مجموع دو عدد قبلی خود است. این دنباله با آغاز از صفر به این صورت است: ۰, ۱, ۱, ۲, ۳, ۵, ۸, ۱۳, ۲۱, ۳۴, ۵۵, ۸۹, ۱۴۴, ... با افزودن کمان به هر مربع در نهایت به نمودار مارپیچ طلایی می‌رسیم. خاصیت جذاب دنباله فیبوناچی یا همان مارپیچ طلایی در این است که وقتی هر کدام از عده‌های آن را به عدد قبل از خودش تقسیم کنیم، به عددی نزدیک به  $\frac{1}{\sqrt{5}}$  می‌رسیم که به «نسبت طلایی» مشهور است(Rawles, 1997, Schneider, 1994). اینک یک گام جلوتر می‌رویم و داخل هر مربع یک دایره می‌کشیم. در این حالت دایره‌هایی داریم که از نسبت  $\frac{1}{\sqrt{5}}$  پیروی می‌کنند و نسبت به هم‌دیگر تناسب متعادلی دارند بنابراین در حال حاضر، مربع‌ها، مستطیل‌ها و دایره‌هایی داریم که همگی دارای نسبت طلایی هستند و این عدد جادویی را در سراسر طراحی ما گسترش داده‌اند. ( تصویر۴).



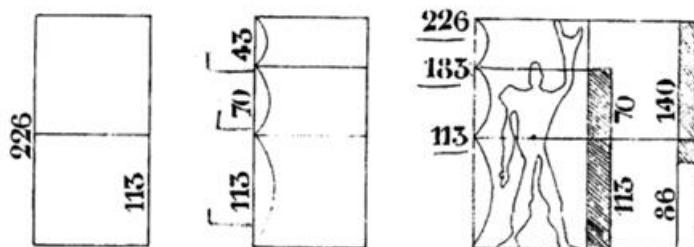
تصویر ۴: دایره‌های پیرو نسبت (<https://blog.faradars.org/11618>)

### تئوری‌های رنسانس

فیثاغورث پی برد که هماهنگی صدای سیستم موسیقی یونان را می‌توان توسط تصاعد ساده زیر بیان نمود ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و نسبت‌هایشان را به صورت ۱:۲ و ۱:۳ و ۲:۳ و ۳:۴ این نسبت یونانی‌ها را بر آن داشت که اعتقاد پیدا کنند که کلید هماهنگی اسرارآمیزی که جهان را فراگرفته پیدا کرده‌اند. اعتقاد فیثاغورثی بر آن بود که همه چیز بر حسب اعداد ترتیب یافته‌اند. بعدها پلاطون علم محاسبات اعداد فیثاغورث را به صورت علم تناسب تکمیل نمود. او این تصاعد عددی ساده را مربع و مکعب نمود تا تصاعد دو برابر و سه برابر را به دست آورد. از نظر پلاطون این اعداد و نسبت‌هایشان نه تنها هماهنگی صدایها در گام موسیقی یونان را در برداشتند بلکه میان ساختار هماهنگ جهان نیز بودند. معماران رنسانس با اعتقاد به اینکه بنای‌هایشان بایستی به یک نظام عالی تعلق داشته باشد به سیستم تناسبات ریاضی یونان رجوع نمودند. این مجموعه نسبت‌ها نه فقط خود را در ابعاد یک اتاق یا یک نما نشان می‌دادند بلکه در تناسبات به هم پیوسته یک رشته فضا یا کل پلان نیز ظاهر می‌شدند(چینگ، ۱۹۹۸، ۳۱۲). با استفاده از تناسبات طلایی و  $\sqrt{2}$ ، این مجموعه نسبت‌ها، در ابعاد یک اتاق، نما و در تناسبات به هم پیوسته فضا و یا کل پلان دید می‌شود، که پالادیو ۷ نوع از متناسب‌ترین اتاق‌ها را در کتاب ۴ کتاب در مورد معماری، پیشنهاد نمود. (اخوت، ۱۳۹۲: ۵۰) لازم به ذکر است که مستطیل معمولی ترین شکل در طراحی است که با نسبت عرض به طول آن بیان می‌شود، مثل: ۳:۲، ۳:۵، ۵:۸ و از این دست(السعید و پارمان، ۱۳۶۳).

### سیستم مدولار لوکوربوزیه

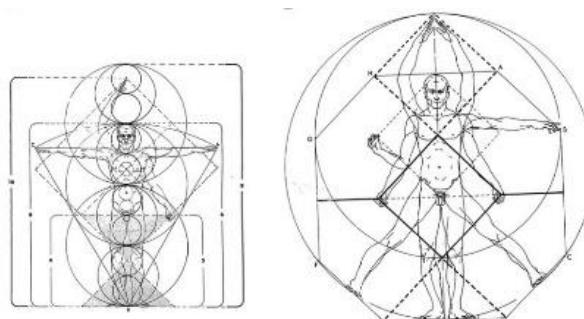
لوکوربوزیه ابزار سنجش یونان و مصر و ... را که بخشی از ریاضیات بدن انسان را تشکیل می‌دادند و منشأ هماهنگی حاکم بر زندگی انسان‌ها بودند بسیار غنی می‌دانست به همین دلیل وسیله سنجش خود یعنی سیستم مدولار را بر پایه ریاضیات (تناسبات طلایی و مجموعه فیبوناچی) و نیز تناسبات بدن انسان (ابعاد عملکردی بنا) تکمیل نمود.(چینگ، ۳۱۶، ۱۹۹۸). لوکوربوزیه به مدولار نه فقط به صورت مجموعه‌ای از اعداد دارای توافق ثابت نگاه می‌کرد بلکه آن را به عنوان سیستم سنجشی در نظر می‌گرفت که طول‌ها، وجوده و احجام تابع آن بودند و می‌توانست تناسب و مقیاس انسانی را در همه‌جا برقرار کند. شبکه اصلی از سه اندازه تشکیل شده بود، ۴۳، ۷۰، ۱۱۳، ۱۱۳ (تناسبشان بر اساس تناسب طلایی تنظیم شده بود) (انصاری و دیگران، ۱۳۹۰: ۵۰). لوکوربوزیه با احتساب طول یک انسان متوسط که معادل ۱۸۳ صدم متر بود نسبت‌های خود را به دست آورد. این نسبت‌ها از سویی عبارتند از: ۲۲۶، ۱۴۰، ۸۶ (با دست افراشته) و از سوی دیگر ۷۰، ۱۱۳، ۱۸۳ (تا بالای سر)(چینگ، ۳۵۱: ۱۳۸۰). (تصویر ۵)



تصویر ۵: اندازه‌های ۴۳، ۷۰ و ۱۱۳ و اندازه‌های ۱۱۳، ۱۸۳، ۲۲۶ معرف فضای اشغال شده توسط پیکر انسان (مايس، ۱۳۸۷)

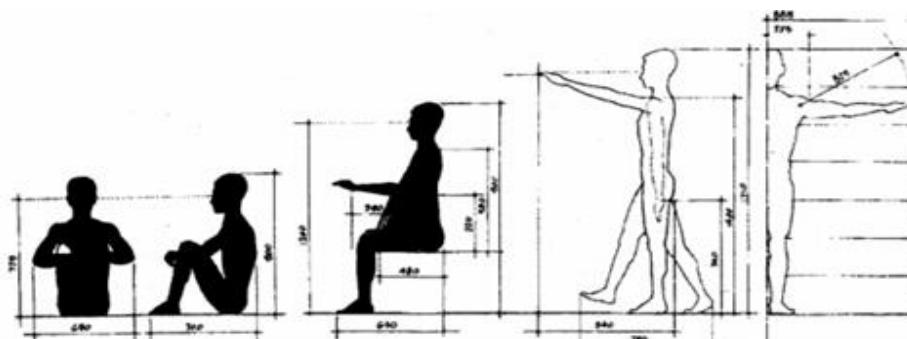
### تناسبات انسانی

سيستم تنظيم تناسبات بر حسب تناسبات انساني، بر مبناي ابعاد و تناسبات بدن انسان پايه گذاري شده‌اند. (چينگ، ۳۵۱، ۱۳۸۰). اگر اندازه قسمت ميانی بدن تا کف پا يك واحد در نظر گرفته شود، بلندی قامت برابر است با  $1/\sqrt{2}$  که همان عدد  $\Phi$  می‌باشد(کاشف پور، ۱۳۸۸: ۸۸). لئوناردو داوینچي ابعاد هندسى بدن انسان را با نشان دادن اينکه بشر آشکارا ابعاد نسبت طلایي را در بدن خود بر اساس نسبت  $1/\sqrt{2}$  به نمایش مى‌گذارد را به تصویر کشید. مرد ويترويوس ( تصویر ۶) که توسط داوینچي بر مبناي ويترويوس کشیده شد، کسی که نوشت ابعاد انسان باید با معماری در ارتباط باشد، است. ويترويوس معتقد بود که اگر ابعاد انسان مى‌توانست با ساختمان بپيوندد در هندسه خود كامل مى‌شدند(Gunon, 1995).



تصویر ۶: انسان ويترويوس (Dabbour, 2012)

طبق گفته رابت لاولر، «بدن انسان شامل ابعاد آن در همه اندازه‌ها و عملکردهای ژئودزيک هندسى مهم مى‌شود. ابعاد انسان ايده آل در مرکز يك دايره روابط كيهاني ثابتی قرار دارد»(Lawlor, 1982). از مقایسه سيستم تناسباتي مدولار لوکوربوزيه و تناسبات انساني اين نتيجه قابل لمس است که از تقسيم اعداد لوکوربوزيه به يكديگر با استفاده از نسبت طلایي پاره خط (  $AC/BC=BC/AB$  ) يعني  $2/\sqrt{5} = 2/\sqrt{13} = 70/\sqrt{70} = 70/43 = 2/\sqrt{23}$  که تقریبا معادل  $\sqrt{5}/5 = \sqrt{13}/13$  می‌باشد و در سيستم تناسبات انساني قامت انسان معادل عدد طلایي  $\Phi$  لحاظ شده که برابر است با  $2/\sqrt{2 + \sqrt{5}} = 1/\sqrt{2 + \sqrt{5}} = 1/\sqrt{13} = 1/\sqrt{23}$ . ( تصویر ۷)

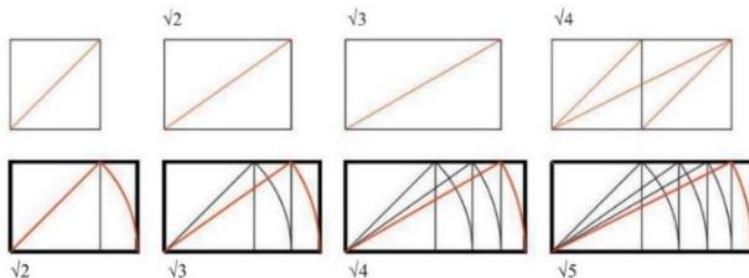


تصویر ۷: تناسبات انساني و اندازه‌های تعیین شده توسط بدن انسان (نویفرت، ۱۳۷۸)

### هندسه و تناسبات در اندیشه ایرانی-اسلامی

بهره‌گیری از دانش هندسه و تناسب در معماری ایران چه پیش از اسلام و چه در دوران اسلامی جایگاه ویژه‌ای داشته است. سیستم تناسبات انسانی بر اساس خواص هندسی مربع، مربع مضاعف، مثلث متساوی الاضلاع و پنج ضلعی که برابر با اعداد اصم هستند، قرار دارد (کلمبک و ویلبر، ۱۹۷۴) و جهان تناسبات موزون یا همان تناسبات ایرانی به صورت  $\sqrt{2} = 1/\sqrt{3}$  و  $\sqrt{3} = 1/\sqrt{2}$  و  $\sqrt{5} = 1/\sqrt{4}$  و  $\sqrt{4} = 1/\sqrt{5}$  که برگرفته از  $\sqrt{2}$  و  $\sqrt{3}$  هستند بوجود می‌آید (بمانیان و همکاران، ۱۳۹۰:۱۳۹۹).

استفاده از نسبت‌های  $\sqrt{2}$  و  $\sqrt{3}$  در معماری کهن ایران و نیز بهره گیری از پیمون در معماری ایران پس از اسلام، نشانگر بهره گیری از سیستم دقیق تنظیم تناسبات در معماری ایران می‌باشد (بمانیان و دیگران، ۱۳۹۰:۱۷۵). بیانگر شکل هندسی مربعی متساوی است و اشکال حاصل از آن نمود سطح می‌باشند در صورتی که  $\sqrt{3}$  بیانگر شکل هندسی مثلث است و اشکال حاصل از آن نمود حجم می‌باشند. چنانچه مربعی به ضلع یک واحد در نظر گرفته و به اندازه قطر آن با پرگار یک کمان بزنیم، ضلع بزرگتر مستطیل به دست آمده برابر با قطر مربع یعنی  $\sqrt{2}$  است. با قطر مستطیل به دست آمده نیز می‌توان مستطیل  $\sqrt{3}$  و با قطر مستطیل  $\sqrt{4}$  می‌توان مستطیل  $\sqrt{5}$  را رسم کرد و این روند می‌تواند همچنان ادامه یابد. اینگونه مستطیل‌ها را مستطیل پویا (دینامیک) می‌گویند (آیت الهی، ۱۳۷۷؛ Barrat, 1980). (تصویر ۸) لازم به ذکر است که مستطیل  $\sqrt{3}$  مستطیل افلاطونی نامیده می‌شود که یک مثلث متساوی الاضلاع را تشکیل می‌دهد. (برت، ۱۹۸۰)



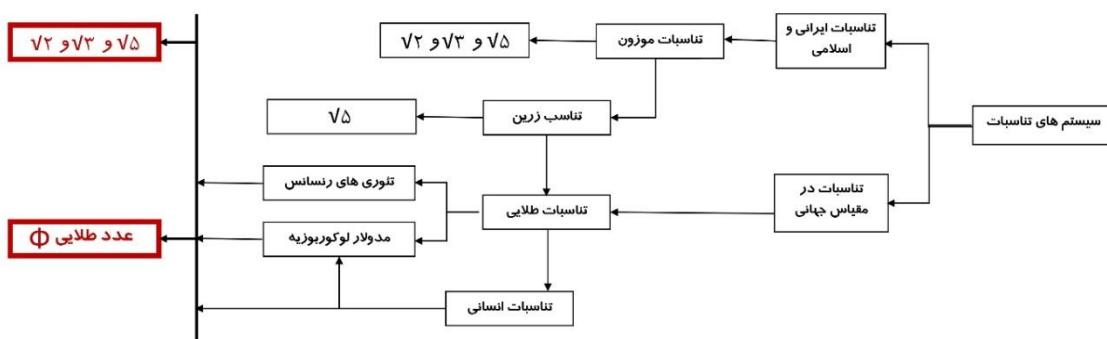
تصویر ۸: ساختارهای متواالی در مستطیل‌های متناسب بر اساس قطر مربع (Dabbour, 2012).

### نسبت زرین

نسبت زرین (که تناسب زرین، میانگین زرین، نسبت الهی، تناسب الهی، برش مقدس، یا به سادگی نسبت  $\Phi$  نامیده می‌شود) یک نسبت مافوق عقلی یا متعالی است که در اشکال بنیادی همچون گیاهان، گلهای، ویروس‌ها، DNA، صدفها، سیارات و کهکشان‌ها و ... پیدا می‌شود.  $\sqrt{5}$  نسبتی است که راه را برای اصل نسبت‌هایی که تناسب زرین خوانده می‌شوند باز می‌کند. نسبت زرین قبل از هرچیز یک تناسب است نه یک عدد، ازنظرکمی برابر با  $\Phi = \sqrt{5+1}/2 \approx 1.618$  است. نسبت زرین نسبت منحصر بفرد دو قسمت است وقتی که نسبت قسمت بزرگتر به قسمت کوچکتر مساوی نسبت قسمت کوچکتر به علاوه قسمت بزرگتر به قسمت بزرگتر است. این نسبت نماد تولد دوباره و تصاعد و بسط از واحد است چون هر تولد مرتبط با وجود قبل از خود است. نسبت زرین تقسیم کامل واحد است.

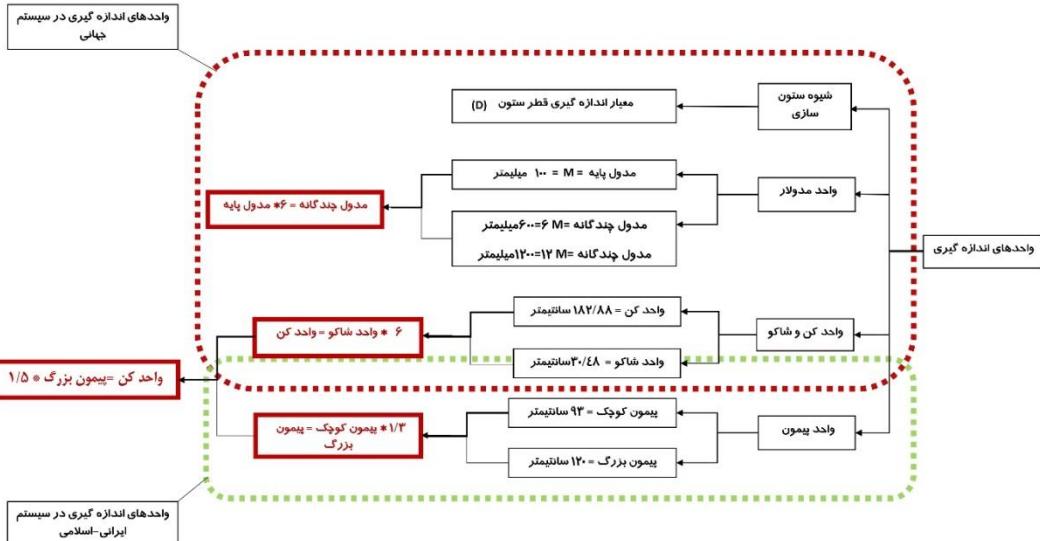
## روش ارزیابی زیبایی نماهای خانه‌های مدرن ...۱۲۹

از جمع‌بندی مطالب ارائه شده در مورد سیستم‌های تنسابات که در دو مقیاس ایران و جهان مورد بررسی قرار گرفت، می‌توان چنین برداشت کرد که تنسابات ایرانی- اسلامی را می‌توان با عنوان تنسابات موزون  $\frac{7}{2}$  و  $\frac{7}{5}$  معرفی نمود که از این میان  $\frac{7}{5}$  تحت عنوان تنساب زرین معرفی می‌گردد و تنسابات در مقیاس جهانی در کل شامل دو تقسیم‌بندی تنسابات طلایی و تنسابات انسانی می‌گردد که تئوری‌های رنسانس بر مبنای تنسابات طلایی تنظیم شده و سیستم مدلار لوکوربوزیه هم با تنسابات طلایی و هم با تنسابات انسانی و در کل با عدد طلایی  $\Phi$  که معادل  $\frac{1}{2}(\sqrt{5}+1)$  می‌باشد سروکار دارد و می‌توان در نهایت ادعا نمود که کلیه سیستم‌های تنساباتی با یکی از ۴ معیار  $\frac{7}{2}$  و  $\frac{7}{5}$  و عدد طلایی  $\Phi$  قابل تحلیل می‌باشند. لذا این نتیجه در نمودار زیر قابل مشاهده است. ( تصویر ۹ )



تصویر ۹: نمودار سیستم‌های تنسابات (نگارنده)

از سوی دیگر با مطالعاتی که در زمینه شناخت واحدهای اندازه گیری تنسابات انجام گرفت، این نتیجه حاصل گردید که واحدهای اندازه گیری تنسابات را می‌توان در چهار دسته ستون سازی، کن و شاکو، مدلار و پیمون تقسیم‌بندی نمود که در شیوه ستون سازی معیار تنساباتی بر اساس قطر ستون و به روش‌های مختلف که بیان شد نسبت‌های متفاوتی دارد و در کن و شاکو واحد کن بوده که معیار تقسیم‌بندی بر اساس مربع‌هایی به قدر یک کن جهت شناسایی تنسابات بکار می‌رفته و در سیستم مدلار از مدول پایه و چندگانه استفاده می‌گردد و پیمون کوچک و بزرگ نیز بر پایه گره سنجیده می‌شده است. همچنین چنین نتیجه می‌گردد که واحد کن حدوداً معادل  $\frac{1}{5}$  برابر پیمون بزرگ می‌باشد. ( تصویر ۱۰ )



تصویر ۱۰: نمودار سیستم‌های اندازه گیری (نگارنده)

جهت جمع بندی مطالبی که در مبانی نظری به آن اشاره شد می‌توان چنین بیان کرد که در این پژوهش جهت بررسی پیروی یا عدم پیروی خانه‌های مورد مطالعه از تناسبات هندسی لازم است تا ۹ سیستم تناسباتی مورد بررسی قرار گیرد. این سیستم‌های تناسباتی عبارت‌اند از: ۱- مدول پایه و چندگانه، ۲- مستطیل طلایی، ۳- مارپیچ طلایی، ۴- دایره‌های پیرو نسبت ۱ به  $1/618$ ، ۵- مستطیل افلاطونی، ۶- نسبت‌های رادیکالی ( $\sqrt{2}$ ،  $\sqrt{3}$  و  $\sqrt{5}$ )، ۷- تناسبات کن و شاکو  $-8$ - نسبت زرین و ۹- سیستم مدولار لوکوربوزیه. لازم به توضیح است که مدول پایه و چندگانه یک سیستم مدولار می‌باشد که در آن مدول پایه معادل  $100$  میلی‌متر و مدول چندگانه معادل  $6$  یا  $12$  برابر مدول پایه تعریف می‌گردد. محقق جهت بررسی پیروی یا عدم پیروی نما از این سیستم مدولار، تمامی ابعاد و اندازه‌های نمای کلی و اجزای تشکیل دهنده نما را بر اساس ضریبی از مدول پایه ( $10$  سانتی‌متر) یا مدول چندگانه ( $60$  سانتی‌متر) لحاظ نموده، چنانچه اندازه‌ها ضریب رندی از این ضرایب باشد نشانه پیروی و چنانچه ضریب رندی از این مدول‌ها نباشد به عنوان عدم پیروی لحاظ می‌گردد. مستطیل طلایی نیز مستطیلی است که نسبت طول به عرض آن عدد  $\Phi$  یا همان  $1/618$  است که محقق در این پژوهش سعی نموده تا کل نما و اجزای تشکیل دهنده نما را به صورت مجزا با مستطیل‌هایی برابر با ضرایبی از این مستطیل پر نماید، چنانچه کل قسمت مورد بررسی با این مستطیل پوشش داده شد نشان دهنده پیروی نما یا اجزای آن از این سیستم تناسباتی است و در صورت عدم پوشش، قسمت خارج از محدوده این مستطیل باهشور مشخص شده است. به عبارتی وجودهای باشور نشان دهنده عدم پیروی از این تناسب می‌باشد. چنانچه میزآن‌های باشور در نمای کلی بسیار ناچیز بود آن را در نظر نگرفته و پیروی از سیستم تناسباتی لحاظ می‌گردد و اگر میزآن‌های باشور قابل ملاحظه بود به معنای عدم پیروی از سیستم تناسباتی مورد تحلیل می‌باشد. از سوی دیگر جهت بررسی مارپیچ طلایی که منحنی است که درون مربع‌هایی شکل می‌گیرد که از تقسیم اندازه هر عدد به عنوان ضلع مربع به عدد قبل از خودش به عددی نزدیک به  $1/618$  می‌رسیم که در واقع نشان دهنده همان دنباله فیبوناچی است و همانند روش مستطیل طلایی که پیش‌تر توضیح داده شد عمل می‌شود. دایره‌های پیرو نسبت  $1$  به  $1/618$  یک گام از مارپیچ طلایی جلوتر رفته و نشان دهنده دایره‌هایی است که از نسبت  $1$  به  $1/618$  پیروی کرده و درون مربع محاط شده‌اند. جهت پیروی یا عدم پیروی نمایها از این نسبت نیز محقق همچون روش مستطیل طلایی عمل می‌کند. مستطیل افلاطونی نیز همان مستطیل  $\sqrt{3}$  است و به همان روش مستطیل طلایی مورد بررسی قرار می‌گیرد. نسبت‌های  $\sqrt{2}$ ،  $\sqrt{3}$  و  $\sqrt{5}$  هر کدام معرف یک مستطیل می‌باشند که قطرشان معادل این اعداد است و به شیوه مستطیل طلایی بررسی می‌گردد. کن و شاکو نیز یک واحد اندازه‌گیری جهانی است که در آن واحد شاکو معادل  $48/30$  سانتی‌متر و واحد کن معادل  $6$  شاکو یعنی  $182/88$  سانتی‌متر می‌باشد. روش بررسی این سیستم تناسباتی نیز همچون روش مستطیل طلایی می‌باشد. در بررسی نسبت زرین که معادل نسبت قسمت بزرگ‌تر به قسمت کوچک‌تر یک پاره خط مساوی نسبت قسمت کوچک‌تر به علاوه قسمت بزرگ‌تر، در قرارگیری اشکال نما در کنار یکدیگر در عرض و ارتفاع مورد تحلیل قرار می‌گیرد. در نهایت محقق به بررسی سیستم مدولار لوکوربوزیه می‌پردازد که در آن ملاک اعداد و اندازه‌های بدن انسان و مقیاس انسانی است. این سیستم، انسانی را با دست برافراشته با ابعاد  $86$  و  $226$  نشان می‌دهد که معرف فضای اشغال شده توسط پیکر انسان است به همین دلیل غیر قابل مقیاس دادن و بزرگ و کوچک کردن است. جهت تحلیل نهایی و مشخص شدن پیروی یا عدم پیروی از تعاریف زیر با عدد مربوطه استفاده خواهد شد. (جدول شماره  $1$ )

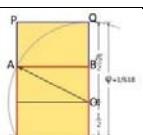
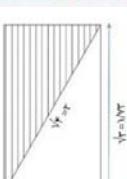
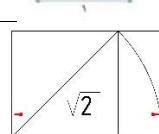
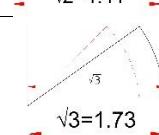
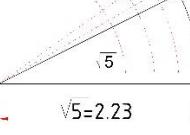
## روش ارزیابی زیبایی نماهای خانه‌های مدرن ... ۱۳۱

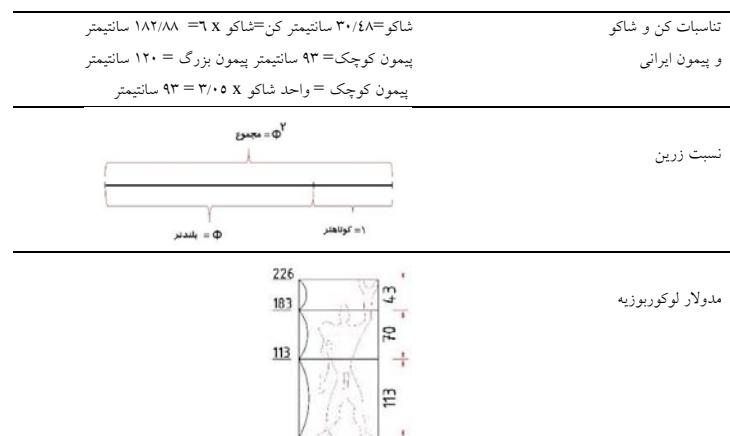
جدول ۱: معرفی علائم و اعداد و معانی مربوطه در تحلیل‌های تناسباتی (نگارنده)

معنی علائم و اعداد	معنی علائم و اعداد
هاثور نشان دهنده عدم پیروی و نسبت تکرار آن نشان دهنده میزان عدم پیروی	عدم = عدم پیروی
	۰
	۱ = تعداد بسیار کمی پیروی
	۲ = تعداد کمی پیروی
	۳ = اکثریت پیروی
	۴ = کاملاً پیروی

در نهایت در جدول شماره ۲ سیستم‌های تناسباتی تعریف شده جهت تحلیل و تصاویر مربوط به هر سیستم قابل دسترسی و مشاهده می‌باشد.

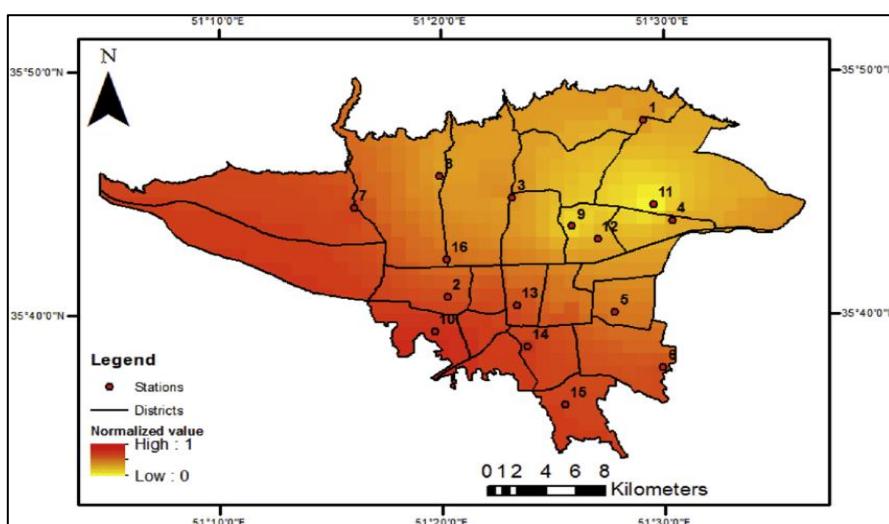
جدول ۲: معرفی سیستم‌های تناسباتی و معیارهای مربوطه در تحلیل‌های تناسباتی (نگارنده)

سیستم تناسباتی	معیارهای مربوطه جهت تحلیل سیستم تناسباتی معرفی شده
نسبت ضرايب رند بر اساس مدلول پایه و چندگانه	مدول پایه = ۱۰۰ میلیمتر و مدلول چندگانه = ۶۰ میلیمتر
	مستطيل طلابي
	مارپنج طلابي
	دایره‌های پیرو نسبت ۱/۶۱۸ به ۱
	مستطيل افلاطونی
	نسبت \sqrt{2}
	نسبت های رادیکالی
	نسبت \sqrt{5}



### محیط مورد مطالعه پژوهش

پرجمعیت‌ترین شهر و پایتخت ایران است. جمعیت آن ۸۲۴۴۵۳۵ نفر است و بیست و پنجمین شهر پرجمعیت جهان است. تهران در پهنه‌های بین دو وادی کوه و کویر و در دامنه‌های جنوبی البرز و ۷۳۰ کیلومتر مربع مساحت دارد. از نظر جغرافیایی نیز در ۵۱ درجه و ۱۷ دقیقه طول خاوری و ۳۵ درجه و ۳۶ دقیقه تا ۳۵ درجه و ۴۴ دقیقه عرض شمالی قرار دارد. گستره کنونی تهران از ارتفاع ۹۰۰ تا ۱۸۰۰ متری از سطح دریا امتداد یافته است؛ این ارتفاع از شمال به جنوب کاهش می‌یابد. برای مثال، ارتفاع در میدان تجریش، در شمال شهر حدود ۱۳۰۰ متر و در میدان راه‌آهن که ۱۵ کیلومتر پایین‌تر است، ۱۱۰۰ متر است.

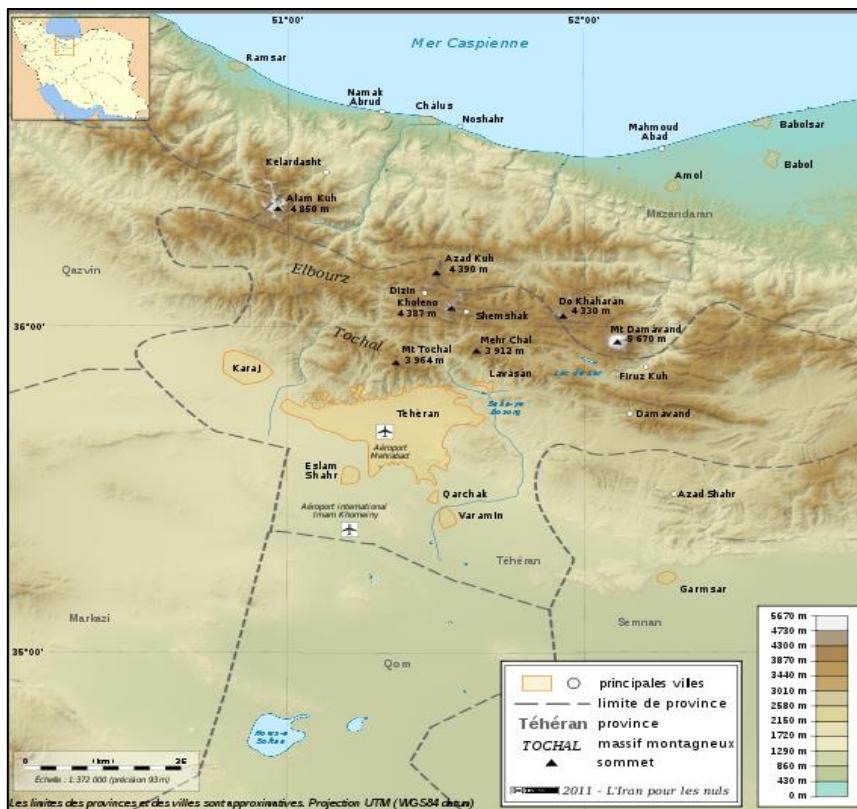


نقشه ۱: تقسیمات داخلی شهر تهران

منبع: <https://www.researchgate.net>

تهران به دلیل پایتخت بودن و تمرکز بنیادهای سیاسی و اقتصادی در آن، نسبت به دیگر شهرهای ایران، زودتر با مظاهر نوگرایی و به تبع آن با معماری نوین آشنا شد. این آشنایی در دوران قاجار و به خصوص دوره ناصرالدین‌شاه آغاز شد اما در عمل، در دوران پهلوی بود که جنبه‌های زندگی مدرن از حصار دربار و ارگ سلطنتی خارج شد و چهره شهر را دگرگون ساخت. در دوران رضاشاه، معمaran و دانش‌آموختگان مطرح اروپایی نقش مهمی در

دگرگونی چهره شهر داشتند. بعدتر سبک تازه‌های از معماری ایران باستان وارد تهران شد. این سبک در برخی پژوهش‌ها، در کالبد مدرن بود اما در تزئینات و نمازایی‌ها از معماری باستانی ایران الهام گرفته بود؛ این سبک در ساختمان‌های اداری و مهم آن زمان تهران استفاده شد. چند چهره شاخص ارمنی، تعدادی از مهم‌ترین ساختمان‌های دولتی، عمومی و خانه‌های شخصی را در تهران طراحی کردند. وارطان هوانسیان، پل آبکار، گابریل گورکیان و اوژن آفتاندیانس از جمله این معماران مشهور هستند. ساختار اداری ایران در تهران متصرک شده و به ۲۲ منطقه، ۱۳۴ ناحیه (شامل ری و تجریش) و ۳۷۰ محله تقسیم شده است. آب و هوای شهر تهران در تابستان گرم و خشک و در زمستان سرد است. متوسط درجه حرارت سالانه شهر تهران ۱۷/۱ درجه سانتیگراد، حداقل مطلق آن ۴۴ درجه سانتیگراد و حداقل مطلق آن ۸ درجه سانتی گراد گزارش شده است. متوسط بارندگی ۲۳۱ میلی متر و میانگین روزهای یخ‌بندان در طول سال ۴۹ روز می‌باشد.



نقشه ۲: موقعیت شهر تهران

<https://commons.wikipedia.org>

### یافته‌های پژوهش

در نهایت خانه‌ها بر اساس نتایج مصاحبه و پرسشنامه‌ها در دو گروه اصلی تقسیم‌بندی می‌گردد. در گروه اول معیار اصلی انتخاب زیبایی و در گروه دوم معیار اصلی انتخاب تناسبات در نظر گرفته شده است. هر یک از این دو گروه در سه دسته بسیار خوب، خوب و معمولی با توجه به نظرات مصاحبه‌شوندگان تفکیک شده‌اند. در جدول شماره ۳ خانه‌های گروه بسیار خوب منتخب بر اساس زیبایی که ۵ مورد مطالعه در مقاله حاضر می‌باشند معرفی می‌گردد.

## ۱۳۴ فصلنامه علمی - پژوهشی جغرافیا (برنامه‌ریزی منطقه‌ای)، سال دهم، شماره سوم، تابستان ۱۳۹۹

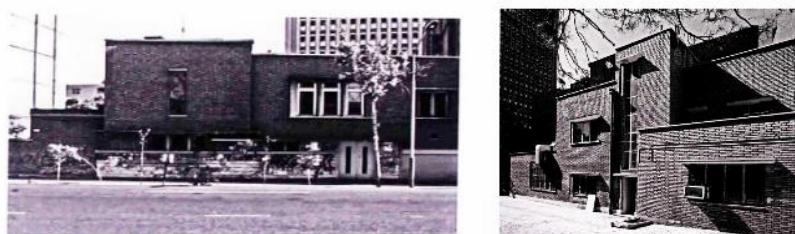
جدول ۳: معرفی بناهای برگزیده بر اساس معیار زیبایی (نگارنده)

نام خانه	نام معمار	دهه یا سال ساخت	خانه‌های منتخب بر اساس زیبایی
خانه میردامادی (خانه شماره ۹)	پل آبکار	۱۳۳۰	
خانه امیری (خانه شماره ۲۰)	فرامرز شریفی	۱۳۷۵	
آپارتمان لواسان (خانه شماره ۲۴)	احسان ملکی	۱۳۹۴-۱۳۹۵	گروه بسیار خوب
ویلای نمازی (خانه شماره ۱۶)	جوپونتی	۱۳۳۹	
خانه دکتر باهر (خانه شماره ۸)	پل آبکار	۱۳۲۲	

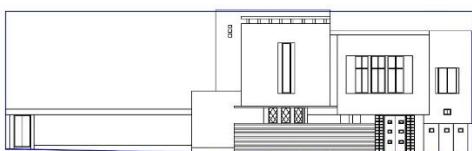
در این بخش از کار به تحلیل تناسباتی خانه‌های منتخب نام برده شده پرداخته می‌شود. لازم به توضیح است که در خانه میردامادی و خانه امیری تمامی تحلیل‌های تناسباتی در جداولی به عنوان نمونه ارائه می‌گردد و در سه خانه دیگر تنها نتایج حاصل از تحلیل‌های تناسباتی بیان می‌گردد.

**خانه میردامادی:**

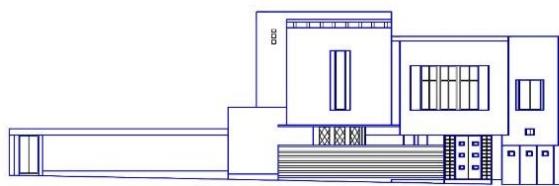
در استخراج اشکال تشکیل دهنده نمای اصلی کل نما درون یک ذوزنقه قابل محاط شدن است. همچنین اشکال موجود در نمای خانه میردامادی بر اساس پیش‌آمدگی و عقب‌نشینی و تفکیک متریال استخراج گردید و شکل غالب بر نمای خانه میردامادی شناسایی شد. ۲۲ مستطیل افقی و ۲۵ مستطیل عمودی و ۳ ذوزنقه اشکال اصلی تشکیل دهنده نمای خانه میردامادی می‌باشد که در تمامی مراحل بررسی تناسبات، به تنها یی مورد تحلیل قرار خواهد گرفت. با بررسی مدول نما در کل و اجزا ساختمان به تفکیک، این نتیجه حاصل گردید که طول و عرض کلی نما از ضرایب رندی از مدول چندگانه پیروی می‌کنند ولی تنها برخی از اجزای نما از ضرایب رندی از مدول‌های پایه یا چندگانه پیروی می‌کنند. در بررسی برای مستطیل طلایی این نتیجه حاصل گردید که نمای کلی خانه میردامادی از تناسبات مستطیل طلایی پیروی می‌کند ولی اجزا از این تناسب پیروی نمی‌کنند، همچنین در تصاویر می‌توان شاهد این موضوع بود که با توجه به قسمت‌های خروج بخش کمی از کل نما از تناسبات مربوط به دایره‌های پیرو نسبت ۱/۶۱۸ می‌باشد، کل نمای خانه میردامادی از این نسبت پیروی می‌کند ولی اجزای نما از تناسب نام برده بسیار کم پیروی می‌کنند. از سوی دیگر طرح کلی نما از تناسبات مستطیل افلاطونی پیروی می‌کند و اجزا از تناسبات مستطیل افلاطونی بسیار کم پیروی می‌کند. مطابق تصاویر و قسمت‌های هاشورخورده، طرح کلی نما از هیچ یک از نسبت‌های ۷/۲، ۷/۳ و ۵/۷ پیروی نمی‌کند و اجزای نما نیز به میزان کم از تناسبات ۷/۲، ۷/۳، ۵/۷ پیروی می‌کنند. تعداد کمی از اجزا از زرین پیروی می‌کنند و سیستم مدولار لوکربوزیه به طور کلی استفاده نشده است. نسبت کن و شاکو نیز در طرح کلی نما وجود دارد و در اجزای نما پیروی بسیار کم را نشان می‌دهد.



تصویر ۱۱: تصاویر خانه میردامادی (شاfully و همکاران، ۱۳۹۷)

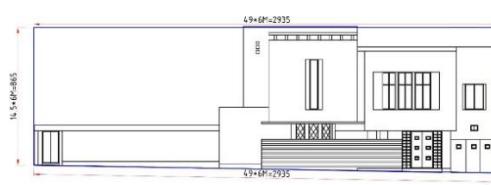


بررسی کار نما

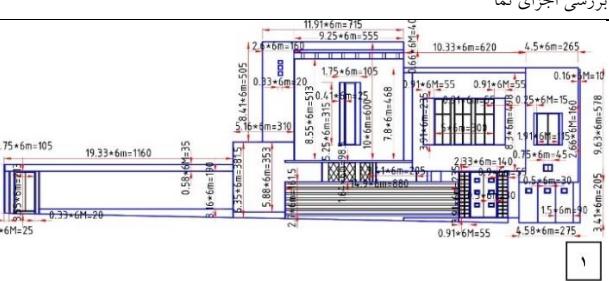


بررسی اجزای نما

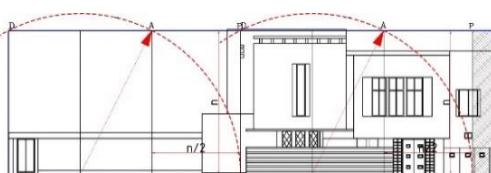
شکل غالب کلی و اشکال استغراج  
شمایه از شمای اصلی



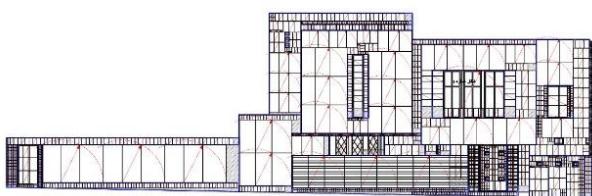
بررسی کار نما



مدونه  
پایه و  
چندگانه

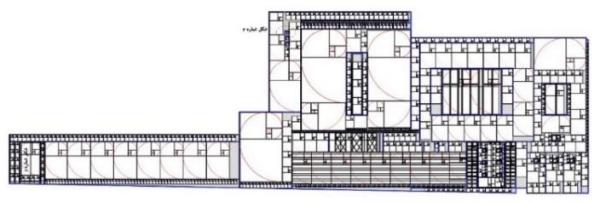


مسقط



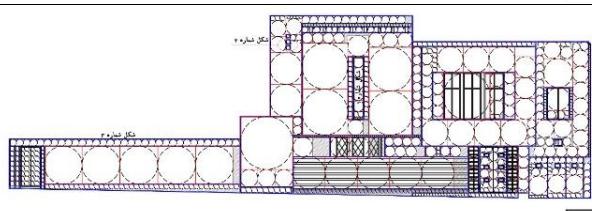
An architectural floor plan of a building section. On the left, there is a large room with a green circle drawn around it, likely representing a water feature like a pool. To the right of this room is a smaller room with a window. Further right is a larger room with multiple windows and a decorative patterned floor. A green circle is also drawn around the window area of this room. The entire floor plan is enclosed in a rectangular border.

三  
卷之三



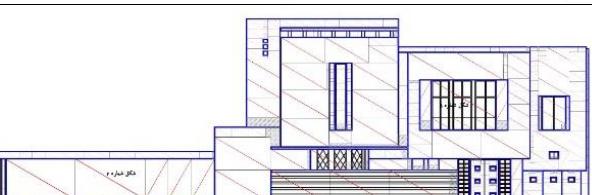
An architectural floor plan of a room featuring a central staircase. The room has large arched windows on the left side. A red dashed line highlights a vertical section of the wall, likely indicating a masonry or non-masonry partition.

دانیل همایی



An architectural line drawing of a building's exterior. A red diagonal line originates from the top left corner of the building and extends downwards and to the right, representing a line of sight or viewshed. The building features multiple windows, some with decorative grilles, and a central entrance area.

مستطيلٌ





تصویر ۱۲: تحلیل‌های تناسباتی نمای اصلی خانه میردامادی (منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

### خانه امیری

با توجه به آنچه که در تصاویر قابل مشاهده است کل نما درون یک مستطیل قابل محاط شدن است. همچنین اشکال موجود در نمای خانه امیری بر اساس پیش‌آمدگی و عقب‌نشینی و تفکیک متریال استخراج گردید و شکل غالب بر نمای خانه امیری شناسایی شد. در این خانه، نما به چندین مستطیل و مربع و نیم دایره قابل تفکیک می‌باشد. ۲۰ مستطیل افقی و ۳۴ مستطیل عمودی، ۴ مربع و یک نیم دایره اشکال اصلی تشکیل دهنده نمای خانه امیری می‌باشدند که در تمامی مراحل بررسی تناسبات، به تنها یی مورد تحلیل قرار می‌گیرند. نتایج تحلیل نشان می‌دهد که طول و عرض کلی نما از ضرایب رندی از مدول چندگانه پیروی نمی‌کنند و تنها تعداد کمی از اجزای نما از ضرایب رندی از مدول‌های چندگانه پیروی می‌کنند. نمای کلی خانه امیری از تناسبات مستطیل طلایی پیروی می‌کند همچنین تعداد کمی از اجزای نما از تناسبات مستطیل طلایی پیروی می‌کنند. نمای کلی خانه، از تناسبات مارپیچ طلایی

روش ارزیابی زیبایی نماهای خانه‌های مدرن... ۱۳۷

پیروی می‌کند و به غیر از تعداد بسیار کمی از اجزا بقیه از این نسبت پیروی نمی‌کنند. دایره‌های پیرو نسبت ۱ به ۱/۶۱۸ در طرح کلی نما استفاده نشده ولی تعداد بسیار کمی از اجزا از این تناسب بهره برده‌اند. طرح کلی نما از تناوبات مستطیل افلاطونی پیروی نمی‌کند. همچنین به غیر از تعداد بسیار کمی از اجزا، بقیه اجزاء نما از تناوبات مستطیل افلاطونی پیروی نمی‌کنند. طرح کلی نما نیز از هیچ یک از نسبت‌های  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$  و  $\sqrt{5}$  پیروی نمی‌کند. در تحلیل اجزاء نما نیز به غیر از تعداد بسیار کمی از اجزا، بقیه از تناوبات  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{5}$  پیروی نمی‌کنند. همچنین از سیستم مدولار لوکوربوزیه در کل و اجزا به میزان بسیار کمی استفاده شده است. همچنین تعداد بسیار کمی از ارتفاع اجزاء از تناوب زرین پیروی می‌کنند. نسبت کن و شاکو نیز در طرح کلی نما وجود ندارد و در اجزاء نما به میزان کمی وجود دارد.

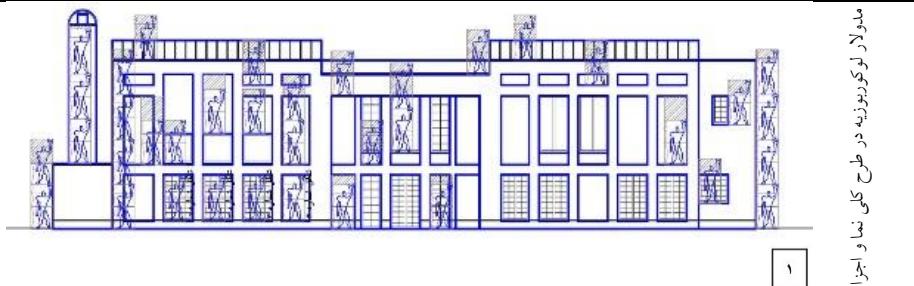


<https://arel.ir>: تصاویر خانه امیری

خانه امیری







تصویر ۱۴: تحلیل‌های تناسباتی نمای اصلی خانه امیری (منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

### آپارتمان لواسان

نتایج حاصل از تحلیل نماهای آپارتمان لواسان بیانگر این موضوع است که کل نما درون یک مربع مستطیل قابل محاط شدن است. همچنین اشکال موجود در نمای خانه که بر اساس پیش‌آمدگی و عقب‌نشینی و تفکیک متریال استخراج شد مشخص نمود که ۴۹ مستطیل افقی و ۳۸ مستطیل عمودی اشکال اصلی تشکیل دهنده نمای خانه می‌باشند که در تمامی مراحل بررسی تناسبات، به تنهایی مورد تحلیل قرار خواهند گرفت. طول کلی نما از ضریب رندی از مدول چند گانه پیروی نمی‌کند ولی ارتفاع نما از ضریب رندی از مدول چند گانه پیروی می‌کند همچنین تعداد کمی از اجزای نما نیز از ضرایب رندی از مدول‌های پایه یا چند گانه پیروی می‌کنند. نما کلی خانه آپارتمان لواسان از تناسبات مستطیل طلایی پیروی می‌کند ولی به جز تعداد کمی از اجزا بقیه اجزای نما از تناسبات مستطیل طلایی پیروی نمی‌کنند. نما کلی خانه، از تناسبات مارپیچ طلایی پیروی می‌کند و همچنین به جز تعداد کمی، بقیه اجزای نما از تناسبات مارپیچ طلایی پیروی نمی‌کنند. طرح کلی نما از دایره‌های پیرو نسبت ۱ به ۱/۶۱۸ پیروی می‌کند و به غیراز تعداد کمی، بقیه اجزای نما از تناسب ۱ به ۱/۶۱۸ پیروی نمی‌کنند. طرح کلی نما از تناسبات مستطیل افلاطونی نیز پیروی می‌کند ولی اجزای نما به غیر از تعداد کمی، بقیه از تناسبات مستطیل افلاطونی پیروی نمی‌کند. طرح کلی نما از نسبت ۷/۲ پیروی می‌کند و در اجزای نما نیز به غیر از تعداد کمی، بقیه اجزا از تناسبات ۷/۳، ۷/۵ پیروی نمی‌کنند. همچنین تعداد کمی از ارتفاع اجزا از نسبت زرین پیروی می‌کنند. سیستم مدولار لوکوربوزیه نیز در طرح کلی نما استفاده شده است و در اجزای نما به میزان کم استفاده شده است. نسبت کن و شاکو نیز در طرح کلی نما وجود دارد و تعداد بسیار کمی از اجزا نما نیز از تناسبات کن و شاکو پیروی می‌کنند.



تصویر ۱۵: تصاویر آپارتمان لواسان

### ویلا نمازی:

در ویلا نمازی اشکال موجود بر اساس پیش‌آمدگی و عقب‌نشینی و تفکیک متریال استخراج گردید و شکل غالب بر نمای ویلا شناسایی شد. در این ویلا، اشکال غالب نما عبارتند از ۲۲ مستطیل افقی و ۳ مستطیل عمودی که در

تمامی مراحل بررسی تنشیات، به تنها بی مورد تحلیل قرار خواهند گرفت. نتایج حاصل از تحلیل‌های انجام شده چنین است که طول و عرض کلی نما از ضرایب رندی از مدول چندگانه پیروی می‌کنند ولی تنها تعداد بسیار کمی از اجزای نما از ضرایب رندی از مدول‌های پایه یا چندگانه پیروی می‌کنند. نمای کلی ویلای نمازی تقریباً از تنشیات مستطیل طلایی پیروی می‌کند و به جز تعداد بسیار کمی از اجزا، بقیه اجزای نما از تنشیات مستطیل طلایی پیروی نمی‌کنند. همچنین نمای کلی ویلای نمازی تا حدود زیادی از تنشیات مارپیچ طلایی پیروی می‌کند و به جز تعداد بسیار کمی از اجزای نما بقیه اجزا از تنشیات مارپیچ طلایی پیروی نمی‌کنند. از سوی دیگر نمای کلی از دایره‌های پیرو نسبت ۱/۶۱۸ به جز تعداد بسیار کمی از اجزا، بقیه اجزای نما نیز از این نسبت پیرو نمی‌کنند. از سوی دیگر طرح کلی نما از تنشیات مستطیل افلاطونی پیروی نمی‌کند و تنها تعداد بسیار کمی از اجزا نما از تنشیات مستطیل افلاطونی پیروی می‌کند. طرح کلی نما از ۷/۲، ۵/۳ و ۵/۷ پیروی نمی‌کند؛ و به غیر از تعداد بسیار کمی از اجزای نما بقیه از تنشیات ۷/۲، ۷/۳، ۵/۷ پیروی نمی‌کنند. از سوی دیگر اجزا نما به میزان کمی از نسبت زرین پیرو می‌کند. همچنین ارتفاع کل نما و ارتفاع هیچ یک از اجزا نما از سیستم مدولار لوکوربوزیه پیروی نمی‌کند. نسبت کن و شاکو نیز در طرح کلی نما رعایت شده و در تعداد بسیار کمی از اجزای نما نیز وجود دارد.

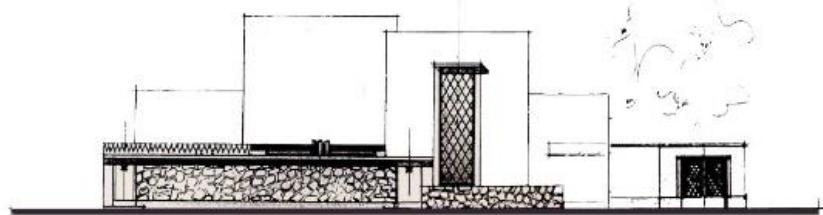


تصویر ۱۶: تصاویر ویلای نمازی

#### خانه دکتر باهر:

در تحلیل خانه دکتر باهر، اشکال موجود در نمای خانه بر اساس پیش‌آمدگی و عقب‌نشینی و تفکیک متریال استخراج و شکل غالب بر نمای خانه دکتر باهر شناسایی شد. در این خانه، کل نما در یک مستطیل افقی کشیده جای گرفته است که خود به مستطیل‌های افقی و عمودی قابل تفکیک می‌باشد. ۱۳ مستطیل افقی و ۱۶ مستطیل عمودی اشکال اصلی تشکیل دهنده این نما می‌باشند که در تمامی مراحل بررسی تنشیات، به تنها بی مورد تحلیل قرار خواهند گرفت. طول کلی نما از ضریب رندی از مدول چندگانه پیروی می‌کند ولی ارتفاع نما از ضریب رندی پیروی نمی‌کند. همچنین در اجزای نما نیز تنها تعداد بسیار کمی از شکل‌ها از ضرایب رندی از مدول‌های چندگانه پیروی می‌کنند. نمای کلی از تنشیات مستطیل طلایی پیروی می‌کند ولی تنها تعداد بسیار کمی از اجزای نما از تنشیات مستطیل طلایی پیروی می‌کند. همچنین نمای کلی از تنشیات مارپیچ طلایی پیروی می‌کند و تنها تعداد بسیار کمی از اجزای نما از اجزای نما از دایره‌های پیرو نسبت ۱/۶۱۸ به غیر از تعداد بسیار کمی از اجزای نما، کل نما و بقیه اجزای نما از دایره‌های پیرو نمی‌کند. از سوی دیگر به غیر از تعداد بسیار کمی از اجزای نما، بقیه اجزای نما از تنشیات مستطیل افلاطونی پیروی نمی‌کند در صورتی که طرح کلی نما از این نسبت پیروی نمی‌کند. همچنین طرح کلی نما از ۷/۲، ۵/۳ و ۵/۷ پیروی نمی‌کند ولی طرح کلی از ترکیب نسبت ۷/۲، ۵/۳ و ۵/۷ پیروی می‌کند.

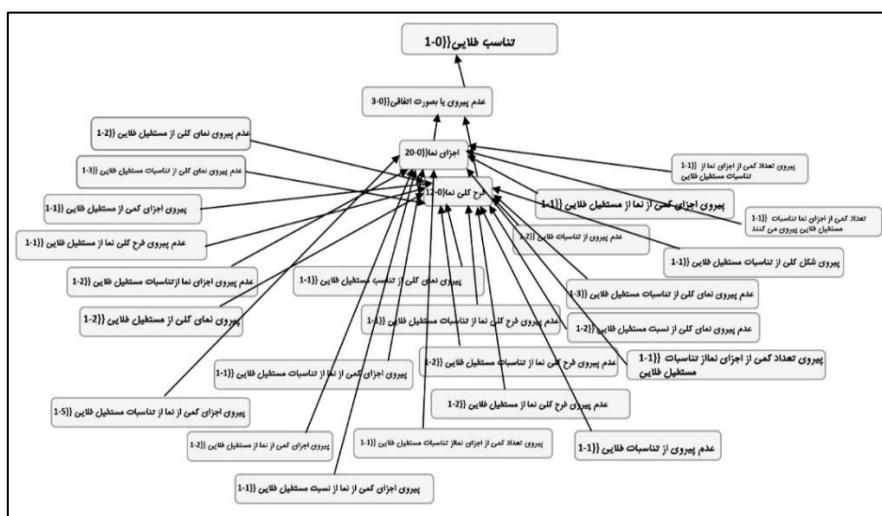
پیروی می‌کند. در تحلیل اجزای نما، تنها تعداد بسیار کمی از اجزاء، تنشابات ۲/۷۳ پیروی می‌کنند. از سویی تعداد کمی از اجزای نما از نسبت زرین پیروی می‌کنند. نمای کلی از سیستم مدولار لوکوربوزیه پیروی نمی‌کند ولی تعداد بسیار کمی از اجزای نما از این نسبت پیروی می‌کنند. همچنین کل نمای خانه دکتر باهر و تعداد کمی از اجزای نما نیاز نسبت کن و شاکو پیروی می‌کنند.



تصویر ۱۷: نمای خانه دکتر باهر(شفاعی و همکاران، ۱۳۹۷)

#### استخراج کدهای مربوط به بکارگیری تنشابات:

پس از مشاهده مشارکتی توسط متخصصین و اظهار نظر آنها در ارتباط با کاربرد تنشابات برای هر مورد، شروع به کدگذاری با نرم افزار ATLASTI گردید که ابتدا کدهای توصیفی مشخص شد. کدگذاری توصیفی بیان چیزهایی است که حائز اهمیت است. گام بعدی، مشخص نمودن هر چیزی در متن است که ممکن است به ما در فهم دیدگاهها، تجربیات و ادراکات مشارکت کنندگان کمک نماید. سپس کدهای توصیفی طی مقایسه مستمر چندباره، در یکدیگر ادغام یا در ذیل یکدیگر قرار می‌گیرند. برای هر پاسخ توسط مشاهده کنندگان مشارکتی به شرطی که به این موضوع اشاره کرده باشند که از نوع سیستم خاصی از تنشابات پیروی می‌کنند یا نمی‌کنند یا هر یک از اجزا دارای این تنشابات باشند یا نباشند، یک شاخه آبشاری وارد می‌شود. در نهایت به شکل زیر در می‌آیند و اعداد کنار هر کد بیانگر نوع رابطه مستقیم یا غیر مستقیم و شماره تنشابات مورد تحلیل و میزان تکرار آن کد است. در نمودار زیر به عنوان نمونه سیستم تنشابات مستطیل طلایی که توسط این نرم افزار کدگذاری شده ارائه می‌گردد. به همین ترتیب بقیه سیستم‌های تنشاباتی نیز در مورد نماهای منتخب کدگذاری می‌شوند.



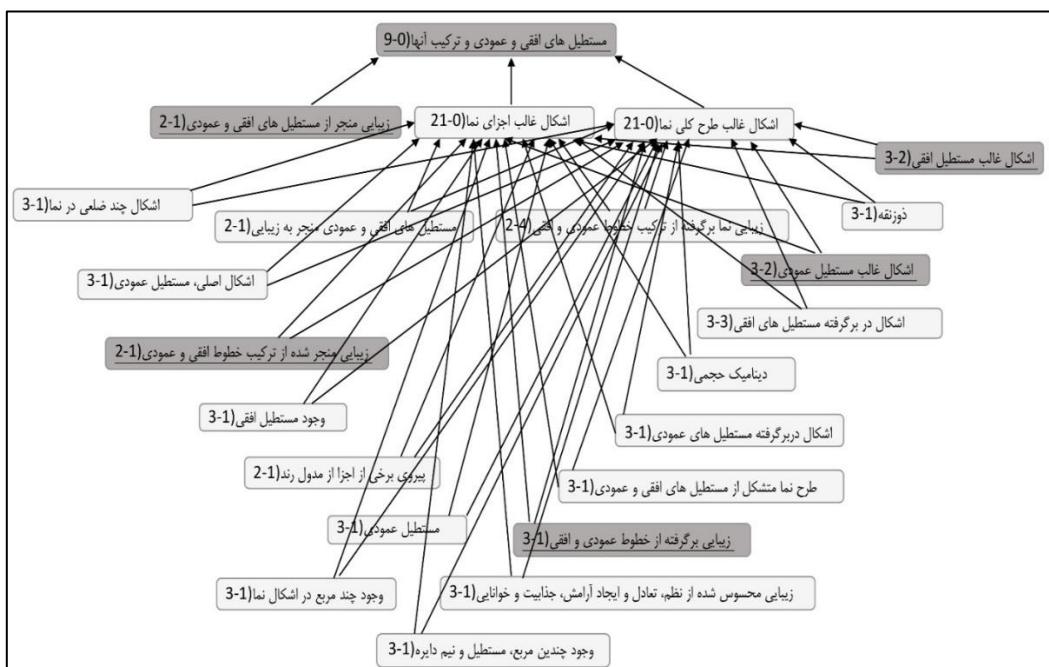
تصویر ۱۸: نمونه‌ای از کدهای استخراج شده از متن برگرفته شده از مشاهده مشارکتی توسط نرم افزار اطلس تی (منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

در نهایت پس از بررسی‌های انجام گرفته، در کاربرد تناسب اعداد با ضرایب رند برگرفته از مدول پایه و چندگانه در مشاهده و تحلیل هندسی از نماهای بنایی منتخب، مشخص گردید که تعداد کمی از اجزای نما در دو مورد از بنای دارای پیروی از این تناسبات می‌باشد که نمی‌تواند نشان دهنده کاربرد این نسبت در اجزا باشد و همچنین در پیروی طرح نمای کلی نیز همین امر مشهود می‌باشد. در مورد میزان و کاربرد مستطیل طلایی، پس از تحلیل هندسی از نماهای بنایی منتخب مشخص گردید که تعداد بسیار کمی از اجزای نماها دارای این تناسبات هستند و در پیروی طرح نمای کلی در اکثریت بنایها این امر وجود دارد. در بررسی‌های انجام گرفته در مورد میزان و کاربرد تناسب زرین، پس از تحلیل هندسی از نماهای بنایی منتخب مشخص گردید که کاربرد این نسبت در طرح کلی بسیار کم و در اجزا به تعداد کم از این نسبت پیروی کرده‌اند. در بررسی‌های انجام گرفته نسبت به کاربرد تناسب مستطیل افلاطونی می‌توان اذعان کرد که در طرح کلی نما اکثریت از این نسبت پیروی می‌کند در صورتی که در اجزا تعداد بسیار کم پیروی را نشان می‌دهد. در بررسی‌های انجام گرفته نسبت به کاربرد تناسب نسبت‌های رادیکالی مشخص گردید که در نماهای بنایی منتخب، در طرح کلی نماها به تعداد کم و اجزای بسیار کمی از نماها از نسبت‌های رادیکالی پیروی می‌کنند که مقدار  $\frac{7}{3}$  از همه بیشتر و به ترتیب  $\frac{7}{2}$  و  $\frac{7}{5}$  قرار می‌گیرند. در بررسی‌های انجام گرفته در کاربرد دایره‌های پیرو نسبت ۱ به  $\frac{1}{618}$  مشخص گردید که در طرح کلی نماها این نسبت در بنایها به تعداد کم و در اجزای نما نیز به میزان بسیار کمی از این نسبت پیروی می‌کنند که به طور کلی می‌توان بیان نمود که از این تناسبات در این بنای استفاده نمی‌شود و یا پیروی به صورت اتفاقی می‌باشد. در بررسی‌های انجام گرفته در کاربرد نسبت مدولار لوکربوزیه مشخص گردید که در نماهای کلی بنایی منتخب کاربرد این نسبت وجود ندارد و وجود چند مورد در اجزا نیز می‌تواند به صورت اتفاقی باشد. در بررسی‌های انجام گرفته در مورد کاربرد نسبت کن و شاکو مشخص گردید که در نماهای بنایی منتخب کاربرد این نسبت در اکثر طرح کلی نماهای بنای وجود دارد ولی در اجزای نماها به میزان بسیار کمی به کار رفته که این امر به علت کاربرد کم می‌تواند به صورت اتفاقی باشد. نتایج حاصل از کدگذاری در جدول ۴ ارائه می‌گردد.

جدول ۴: نتایج به دست آمده از مشاهده مشارکتی توسط متخصصین منع: (یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

نوع تناسبات	طرح کلی نما	اجزای نما
نسبت ضرایب رند بر اساس مدول پایه و چندگانه	۱	۱
مستطیل طلایی	۴	۱
مارپیچ طلایی	۴	۱
دایره‌های پیرو نسبت ۱ به $\frac{1}{618}$	۲	۱
مستطیل افلاطونی	۳	۱
نسبت $\frac{7}{2}$	۲	۱
نسبت $\frac{7}{3}$	۲	۱
نسبت $\frac{7}{5}$	۲	۱
تناسبات کن و شاکو	۴	۱
نسبت زردین	۱	۲
مدولار لوکربوزیه	۰	۱

پس از مصاحبه شوندگان خواسته شده بود علت زیبایی بناهای مذکور را بیان نمایند که نتیجه مستخرج گردیده نسبت به این امر با استفاده از نرم افزار ATLAS TI به صورت زیر می‌باشد.



تصویر ۱۹: نمودار کدگذاری دلایل زیبایی نماهای منتخب از دیدگاه مصاحبه شوندگان منبع: (یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

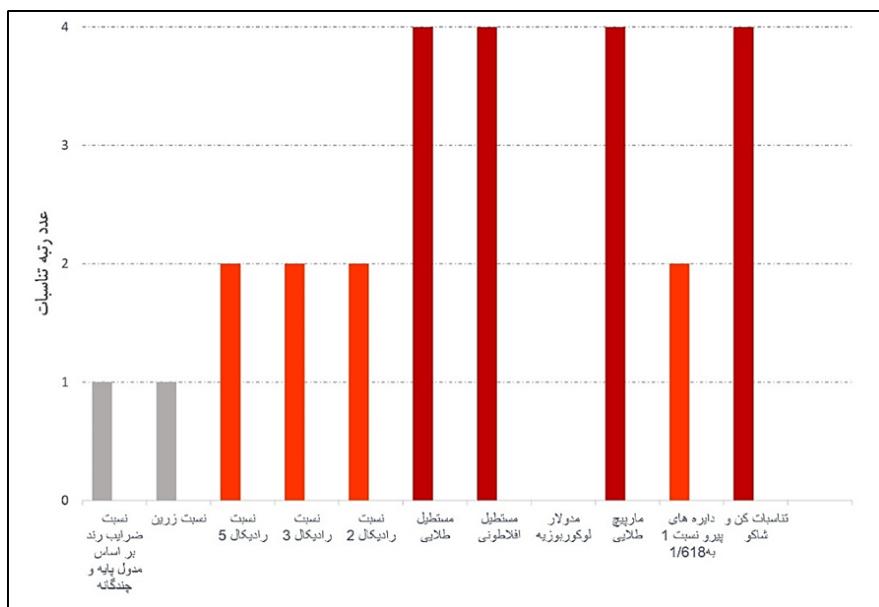
در بررسی نما با سیستم مشاهده مشارکتی پس از تشریح اجزای نما توسط مشاهده گران مشخص گردید که بیشترین بر جستگی این بررسی‌ها مربوط به بکارگیری مستطیل‌های افقی و عمودی در اجزای نما و شکل غالب مربوط به بهره‌گیری از این دو و یا ترکیب همزمانی آن‌هاست. به عبارتی بر جسته‌ترین کدهای به دست آمده، در تصویر شماره ۳۰ با رنگ خاکستری تیره تفکیک شده است. در برخی از کدهای مستخرج شده به استفاده خطوط افقی و عمودی یا هم‌زمانی بکار گیری این دو اشاره می‌شود؛ که این نیز می‌تواند نشان دهنده به کارگیری مستطیل‌های عمودی و افقی باشد که به صورت کشیده می‌باشند. همچنین مشاهده گران نیز علت زیبایی را در بکارگیری این دو می‌دانستند که در بررسی تنشیات نیز می‌توان به این امر رسید زیرا اکثر تنشیات بکار رفته تداعی‌کننده مستطیل و ایجاد کننده آن می‌باشند.

### نتیجه‌گیری و دستاورده علمی پژوهشی

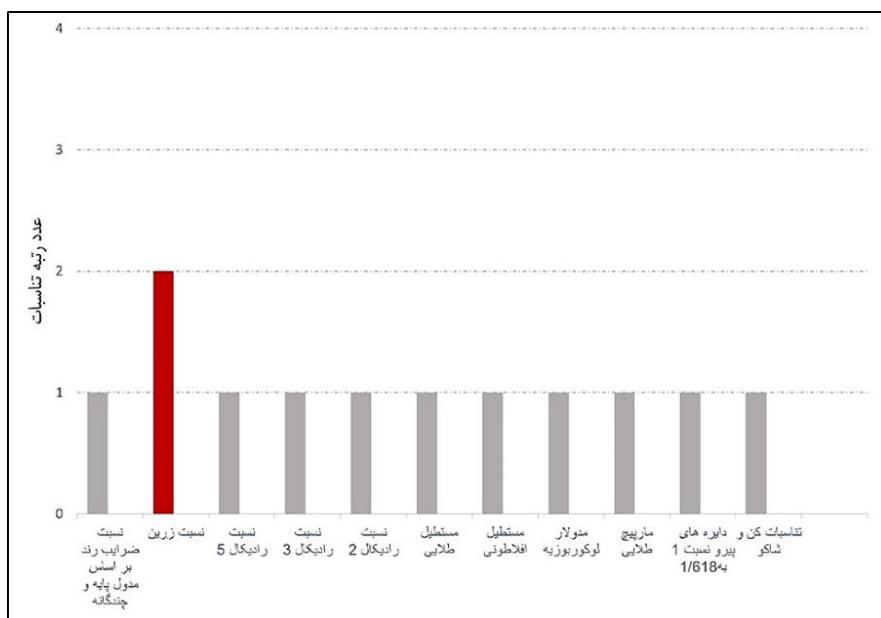
در هنر مدرن نوع بیان و ارائه کار مهم جلوه می‌نماید و جنبه نمایشی و نمادین آن سبب بردن هنر به موزه و نمایشگاه می‌شود. از آن زمان به بعد پرسش از راه و روش و سبک ارائه کار مطرح می‌شود که ماحصل آن پیدایش ایسم‌ها و سبک‌ها در معماری است که ظاهراً در آن از اصولی پیروی می‌کنند ولی برای طراحی‌ها و ترسیمات خود قواعدی ندارند. آنچه که مسلم است در دنیای مدرن باید از کلیتی که در گذشته قرار دارد فاصله گرفت ولی شناخت اصول و قوانین گذشتگان به لحاظ مانا بودن اثر معماری خلق شده در گذشته، از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. در دنیای امروز در کشور ما همچنان به کارگیری نماهای مدرن رواج خاصی دارد و به نظر می‌رسد دارای تنوع زیادی

نیز می‌باشد. پس خالی از لطف نیست تا بتوان از بهترین کارهای معماری اصولی را استخراج نمود که از آن اصول در نمونه‌های دیگر جهت ارائه هرچه بهتر زیبایی بهره جست. لذا شناخت روش و بررسی تناسبات هندسی موجود در نماهای مدرن ساختمان‌های شهر تهران با توجه به زیبایی، موضوع این مقاله است. در این مقاله نخست قوانین و تناسبات هندسی که در گذشته و در فرهنگ ایران و جهان مطرح بوده در مبانی نظری به تفسیر بیان و نتایج کار به صورت جمع‌بندی شده مشخص گردید سپس جهت آنالیز نماهای منتخب بر اساس سیستم‌های تناسبات هندسی، پژوهشگر دریافت که می‌توان ۹ سیستم تناسباتی که در جدول شماره ۲ به تفکیک نام برده شده است را بکار بسته و روش کار تحلیل نیز مشخص می‌گردد. مرحله تحلیل شکلی به شیوه ترسیم تناسبات در نمای کلی و در جزئیات نما می‌باشد و سپس از متخصصین در ارتباط با علت زیبایی این بنای پرسش می‌شود. در نهایت مشاهده شد که نتایج تحلیل تناسبات در ۵ حالت قابل تفسیر می‌باشد که این ۵ حالت در جدول شماره ۱ معرفی شد و از راه تحلیل شکلی نماها با بهره‌گیری از تناسبات بیان شده، مشخص گردید که در نمای کلی می‌توان ترتیب قرارگیری میزان بهره بری از تناسبات را به شرح زیر ارائه نمود:

طرح کلی نما: تناسبات کن و شاکو، مستطیل طلایی و مارپیچ طلایی > مستطیل افلاطونی > نسبت‌های رادیکالی و نسبت ۱ به ۶/۱۸ > نسبت زرین و نسبت ضرایب رند مدول پایه و چندگانه > مدولار لوکوربوزیه  
اما در بکار گیری این تناسبات در اجزای نما کمی تفاوت وجود دارد و به شرح زیر قابل ارائه می‌باشد:  
اجزای نما: نسبت زرین > تناسبات کن و شاکو، مستطیل طلایی، مارپیچ طلایی، مستطیل افلاطونی، نسبت‌های رادیکالی، نسبت ۱ به ۶/۱۸، نسبت زرین، نسبت ضرایب رند مدول پایه و چندگانه و مدولار لوکوربوزیه  
نتایج ذکر شده در بالا به تفکیک در نمودارهای زیر نیز قابل ارائه می‌باشد:



تصویر ۲۰: نمودار فراوانی تناسبات هندسی در طرح کلی نماهای منتخب منبع: (یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)



تصویر ۲۱: نمودار فراوانی تنشیات هندسی در اجزای نماهای منتخب منبع: (یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

با مقایسه این دو نمودار می‌توان تفاوت را در میزان بکار گیری تناسبات چه در اجزا و چه در نمای کلی مشاهده نمود. آنچه که از نتایج قابل تأمل است استفاده زیاد از تناسبات کن و شاکو در طرح کلی نما و استفاده از نسبت شرین در قرارگیری اجزای نما در کنار یکدیگر می‌باشد. شاید بتوان چنین ادعا نمود که با توجه به این که واحد شاکو معادل  $30/48$  سانتیمتر و پیمون کوچک ایرانی نیز معادل  $93$  سانتیمتر است، هر دو تقریباً ضریب عدد  $30$  یا همان یک فوت می‌باشد که به جهت دانه‌ریز بودن، واحد شاکو نقش بیشتری در ترسیمات هندسی ایفا می‌کند. از سوی دیگر هم در نمای کلی و هم در اجزای نما، به میزان خیلی کمی از مدولار لوکوربوزیه بهره گرفته می‌شود. در نهایت می‌توان به این نتیجه رسید که در خصوص ارتباط زیبایی و خوشایندی نماها، تناسبات هندسی در نمای کلی بیشتر مشاهده می‌گردد و از طرفی متخصصین نیز علت این زیبایی را در بکارگیری شکل غالب که مستطیل‌های افقی و عمودی بودند می‌دانسته‌اند که می‌توان از آن در طراحی نماهای خانه‌های مختلف برای القای حس زیبایی استفاده نمود. همچنین می‌توان در آموزش دانشجویان معماری از این امر بهره برد. همچنین از تحلیل نتایج به دست آمده می‌توان این گونه نیز برداشت نمود که طراحان برای طرح کلی نماهای ساختمان‌ها به تناسبات هندسی اهمیت داده ولی در بکار گیری این تناسبات در اجزای نماها کمی تردید وجود دارد و بیشتر به تناسبات قرارگیری اجزا در کنار یکدیگر که با نسبت زرین قابل ارائه بود توجه شده است.

منابع

السعدي، عاصم، یار مان، عاشه، ۱۳۶۳، نقش‌های هندسی در هنر اسلام، تحریر حمید، حب‌نما، مسعود، سواد، تهران.

آیت‌الله حسین‌الله، ۱۳۷۷، مبان نظری، هنرهای تجسمی، تهران: سمت.

انصاری، مجتبی، اخوت، هانیه و علی‌اکبر تقوایی، ۱۳۹۰، تحقیقی پیرامون سیر تاریخی سیستم‌های تنظیم تناسبات در معماری با تأکید بر ملاحظات کاربردی و زیبایی‌شناسی، کتاب ماه هنر، شماره ۱۵۱، ص. ۴۶-۵۷.

بمانیان، محمدرضا، اخوت، هانیه و بقائی، پرهام، ۱۳۹۰ ف کاربرد هندسه و تابعیات در معماری، چاپ اول، تهران: هله، ص ص، ۱۵، ۱۷۱، ۱۷۵، ۱۳۹، ۱۸۰، ۱۸۲.

بورگ، والتر، گال، مردیت دامین، ۱۳۹۱، روش‌های تحقیق کمی و کیفی در علوم تربیتی و روانشناسی، ترجمه جمعی از مؤلفان زیر نظر دکتر احمد رضا نصر اصفهانی، تهران، ناشر دانشگاه شهید بهشتی.

جرمزی، شیما، صالحی، سودابه، ۱۳۹۲، تابعیات زیبا: مقایسه تطبیقی تابعیات ساختاری یکی از قباله‌های ازدواج موجود در گنجینه آستان قدس رضوی با نظام تابعیات متدالول در غرب، مجله گنجینه اسناد، شماره ۹۰، ص ص ۱۲۰-۱۳۷.

دی چینگ، فرانسیس، ۱۹۹۸، معماری فرم، فضا و نظم، ترجمه: زهرا قراغلو، انتشارات دانشگاه تهران.

شافعی، بیؤن، سروشیانی، سهراب و دانیل، ویکتور، ۱۳۹۷، معماری پل آبکار، انتشارات شافعی.

ضیایی نیا، محمدحسن، هاشمی زرج آبادی، حسن، ۱۳۹۵، تابعیات طلایی و سیستم تابعیات ایرانی- اسلامی در مسجد جامع قائن، دو فصلنامه علمی - پژوهشی مرمت و معماری ایران، شماره ۱۱، ص ص ۸۹-۹۹.

طاهازار، منصوره، ۱۳۸۳، شکل مقدس، مجله صفحه، شماره ۳۸، ص ص، ۹۵-۱۲۵.

کاشف پور، نیلوفر، ۱۳۸۸، از واحد تا واحد، مشهد، سخن گستر.

کرسول، جان دبلیو، کلارک، ویکی پلانو، ۱۳۹۸، روش‌های پژوهش ترکیبی، ترجمه جاوید سرابی و علی رضا کیامنش، انتشارات آیث.

کریر، راب، ۱۳۸۴، فضای شهری، ترجمه خسرو‌هاشمی نژاد، تهران: نشر خاک.

کلمبک، لیزا، ویلبر، دونالد، ۱۳۷۴، معماری تیموری در ایران و توران، ترجمه محمد یوسف کیانی و کرامت الله افسر، چاپ اول، تهران: سازمان میراث فرهنگی.

لولر، رابرт، ۱۳۶۸، هندسه مقدس، ترجمه‌هایده معیری، تهران: علمی و فرهنگی. ص ص ۶۲، ۶۶، ۶۹.

مایس، پی یوفون، ۱۳۸۷، نگاهی به مبانی معماری از فرم تا مکان، ترجمه: سیمون آیوازیان، چاپ سوم، انتشارات دانشگاه تهران.

نویفرت، ارنست، ۱۳۷۸، اطلاعات معماری، ترجمه: حسین مظفری و طبیه پرهیزکار، انتشارات دانشگاه تهران.

Barrat,K.(1980).Logic and design in art, science& mathematics,London: The Herbert.

Dabbour, Loai,2012, Geometric proportions: The underlying structure of design process for Islamic geometric patterns, Frontiers of Architectural Research, 380-391.

Guenon, Rene, 1994. The Great Triad. South Asia Books, New York, USA, P.23.

Guenon, Rene, 1995. The Reign of Quantity and the Sign of the Times. Sophia Perennis, Ghent, p. 8, 170.

Haslam, A.(2006). Book design. London: Laurence king.

Lings, Martin, 1976. The Quranic Art of Calligraphy and Illumination Tajir Trust, London, p. 13

Lawlor, Robert, 1989. Sacred Geometry: Philosophy and Practice.Thames and Hudson, New Yori<, p. 3,48,82,92.

Rawles, Bruce, 1997. Sacred Geometry Design Sourcebook. Elysian Publishing, Eagle Point, Oregon, p. 87.

Schneider, Michael, 1994. A Beginner's Guide to Constructing the Universe: The Mathematical Archetypes of Nature, Art and Science. Harper Collins, New York<, p. 10.